

ع حل التعرين (01):

- إذا كان x > 2 فإن: 4 < x > 2 صحيح
 - إذا كان x > 2 فإن: x > 2 خطأ.
- إذا كان $x \le -2$ فإن: $x \le -2$ خطاً.
- إذا كان $x \in [-7, -5]$ فإن: $9 \ge 2$ صحيح.
 - إذا كان $9 \ge x^2 \le 3$ فإن: $3 \le x \le 3$ صحيح.
- إذا كان $5 \le x \le -3$ فإن: $5 \le x \le -3$ صحيح.
 - إذا كان $36 \ge x \le 6$ فإن: $4 \le x^2 \le 36$ خطاً.
 - . فإن: $x^2 \in [4; 9]$ فإن: $x \in [-2; 3]$ فطأ.

و حل التعري<u>ن (02)</u>:

- مربع كل عدد حقيقي x يكون أكبر من x. خطاً.
- أكبر قيمة لدالة مربع على $[a \; ; \; b]$ هي: a^2 أو a^2 . صحيح.

ح مل التعرين (03):

أ/ الدالة مربع متناقصة على]1- ; 3- [صحيح. ب/ الدالة مربع متزايدة على ١٦. خطاً.

ح مل التعرين (04):

- إذا كان $\alpha < 0 < B^2$ فإن: $\alpha < 0 < B$ خطاً.
 - . اذا كان $\alpha < B^2$ فإن: $\alpha < B$ خطاً.

مه اب

أ/ تعيي

وعليه 3/K

سو ابق

«114»

و إذا كان $\alpha > B^2$ فإن: $\alpha > B$ خطاً.

٧ صور وسوايـق:

م حل التعرين (05): إتمام الجدول:

x	3	-2	$2\sqrt{3}$	$-\frac{1}{5}$	2×10 ⁻²	0,3
x^2	9	4	12	$\frac{1}{25}$	4×10 ⁻⁴	0,09
$-x^2$	-9	-4	-12	$-\frac{1}{25}$	-4×10 ⁻⁴	-0,09
$(-x)^2$	9	4	12	$\frac{1}{25}$	4×10 ⁻⁴	0,09

e حل التعريف (06):

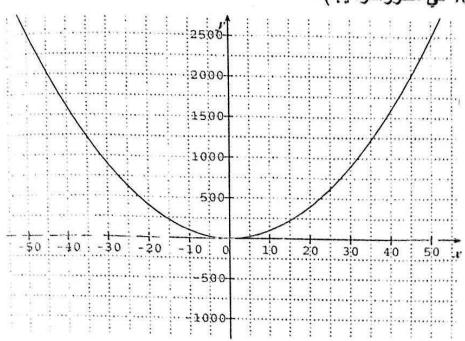
أ/ تعيين صور القيم بالدالة أ:

$$f(\sqrt{2}-\sqrt{3})=(\sqrt{2}-\sqrt{3})^2=2-2\sqrt{6}+3=5-2\sqrt{6}$$
 $f\left(-\frac{\sqrt{7}}{2}\right)=\left(-\frac{\sqrt{7}}{2}\right)^2=\frac{7}{4}$
 $f(-2)=4$; $f(-4)=16$
 $:\sqrt{3}-2$ وصورة $2-\sqrt{3}$ وصورة $2-\sqrt{3}$; $2-\sqrt{3}$ $3-\sqrt{3}$ $3-\sqrt{3$

ع مل التعريف (07):

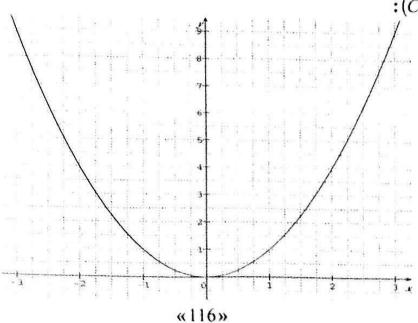
 $f(x)=x^2$: بالعبارة [-50:50] مو التمثيل البياني للدالة $f(x)=x^2$ المعرفة على (C)

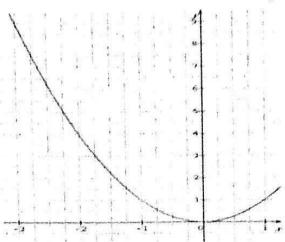
* إنشاء (C) في معلم متعامد (نمثل 10 بـ: 1cm في محور الفواصل ونمثل الله ب.: 1cm في محور التراتيب).



 $f(x)=x^2$:... I=[-3,3] هو التمثيل الباني للدالة f هي الدالة المعرفة على $f(x)=x^2$

* إنشاء (C):



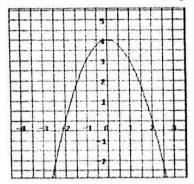


(C) يقبل محور تناظر وهو محور التراتيب.

في هذه الحالة المنحنى (C) لا يقبل مركز تناظر و لا محور تناظر.

09 - d / line 10 (09):

 $x \rightarrow ax^2 + b$ التمثيل البياتي لدالة f من الشكل البياتي دالة •



$$f(0)=4$$
 ; $f(1)=3$; the same $f(-2)=0$

ب/ جدول تغيرات الدائمة : 1:

قیــم x	-2,5	0	2,5
6		* ⁴	
تغيرات آ	-2		-2

المتيسر في الرياضيات رحلول غارين الحتاب المسرسي على بم صوم ومحتولوجيا)

f(x)=1 اشارة وعدد حلول المعادلة

عدد حلول المعادلة f(x)=1 هو اثنان أحدهما موجب والآخر سالب. f(x)=5 لا تقبل حلول لأن القيمة الحدية العظمى للدالة f(x)=5 استعمال اتجاه التغير:

م حل النعرين (10):

* المقارنة في كل حالة:

7,003 > 7,002 $(-2,01)^2 > (-1,99)^2$ $(-7,4629)^2 < (-7,463)^2$ $-47^2 > -43,14^2$

م حل التعرين (11):

* المقارنة في كل حالة:

ا/ بما أن: $x \ge 0$ فإن: x = 3 < x + 2 وبما أن الدالة "مربع" متزايدة نشاء $(x+2)^2 > (x-3)^2$ وبالتالي: $[0;+\infty]$

ب/ بما أن: $1 \le x \ge 1$ فان: 1 - x < 2 - x وبما أن الدالة "مربع" متناقصة نفاء $(1 - x)^2 > (2 - x)^2$ وبالتالي: $(1 - x)^2 > (2 - x)^2$

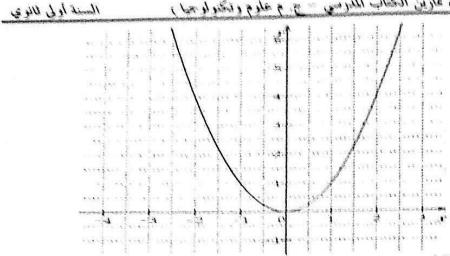
م التمثيل البياني:

م حل التعرين (12):

* إيجاد حصر للعدد الحقيقي x² في كل حالة:

$$0 \le x^2 \le 9$$
; $x \in [-3 ; 1[$
 $0 \le x^2 < 0.09$; $x \in [-0.3 ; 0.1[$
 $0 \le x^2 \le 0.04$; $x \in [-0.2 ; 0.1]$
 $4 \le x^2 < 16$; $x \in [-4 ; -2[$





رود من التعريف (13): « حل التعريف (13):

 $f(x) = x^2 - 10$: ... [-10 : 7] بــ : الدالــة المعرفــة على $(x) = x^2 - 10$ بــ : $(x) = x^2 - 10$ ليكن $(x) = x^2 - 10$ حيث $(x) = x^2 - 10$ ليكن $(x) = x^2 - 10$ حيث $(x) = x^2 - 10$

بما أن: $x_1 < x_2 < 0$ وبما أن الدالة "مربع" متناقصة تماما على $x_1 < x_2 < 0$ وبالتالي: $x_1^2 > x_2^2 > x_1^2 > x_2^2$ بإضافة (-10) نجد $x_1^2 > x_2^2 > x_2^2$

[-10:0] وعليه: الدالة f متناقصة تماما على المجال $f(x_1)>f(x_2)$.

 $x_1 < x_2$ من جهة أخرى: ليكن x_1 و x_2 عددان من $x_1 = 0$ حيث:

بما أن: $x_1 < x_2 < 0$ وبالتالي: $x_1 < x_2 < 0$ وبالتالي: $x_1 < x_2 < 0$ وبالتالي: $x_1^2 < x_2^2 < 10$ نجد: $x_1^2 < x_2^2 < 10 < x_2^2 < 10$ نجد: $x_1^2 < x_2^2 < 10$

 $f(x_1) < f(x_2)$ أي: $f(x_1) < f(x_2)$ و عليه الدالة $f(x_1)$ متزايدة تماما على المجال

$$f(-10) = (-10)^2 - 10 = 100 - 10 = 90$$
 : Legil

$$f(\theta) = (\theta)^2 - 1\theta = -10$$

$$f(7) = (7)^2 - 10 = 49 - 10 = 39$$

* جدول تغيرات الدائسة ١:

قىم د	-10	0	7
تغيرات ﴿	90	-10	39

المتيسر في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

القيمة الحدية الصغرى للدالة f الدالة على: [7; 00] هي: (-10).

· حل التعرين (14):

* تعيين اتجاه تغير كل دائمة من الدوال التالية:

 $f(x) = 4(x-3)^2 + 1$; $f(x) = 4(x-3)^2 + 1$

 $x_1 < x_2 < 3$: حيث [2; 3] حيث من المجال من المجال حيث عددان حقيقيان من المجال

 $x_1 - 3 < x_2 - 3 < 0$: idea (-3)

 $[-\infty; 0]$ لأن الدالة مربع متناقصة على $(x_1 - 3)^2 > (x_2 - 3)^2$

 $4(x_1-3)^2 > 4(x_2-3)^2$:

 $4(x_1-3)^2+1>4(x_2-3)^2+1$

 $f(x_1) > f(x_2) : \emptyset$

وعليه الدالة ٢ متناقصة على المجال [2; 3]

 $g(x) = -2(x+1)^2 + 7$:... $]-\infty$; -1[على $g(x) = -2(x+1)^2 + 7$ دالة معرفة على $g(x) = -2(x+1)^2 + 7$

و x_2 عددان حقیقیان من المجال $-\infty$; -I حیث:

 $x_1 + 1 < x_2 + 1 < 0$: فنجد: (+1) فنجد: $x_1 < x_2 < -1$

 $[-\infty; 0]$ يالتربيع نجد: $(x_1 + 1)^2 > (x_2 + 1)^2$ كأن الدالة مربع متناقصة على

(-2) العدد $(-2)^2 - 2(x_1 + 1)^2 < -2(x_2 + 1)^2$

 $f(x_1) < f(x_2) : (1-2(x_1+1)^2+7 < -2(x_1+1)^2+7$

. $-\infty$; -1[متزايدة على المجال g متزايدة على المجال

 $h(x) = 3(x+1)^2 - 7$:___ - \(\square \) بالدالة h المعرفة على h الدالة h المعرفة على

و x عددان حقیقیان من المجال [-1] حیث:

 $x_1 + 1 < x_2 + 1 \le 0$: بإضافة 1 نجد: $x_1 < x_2 \le -1$

 $[-\infty, 0]$ وعليه: $(x_1 + 1)^2 > (x_2 + 1)^2$ وعليه: وعليه:

 $3(x_1+1)^2 > 3(x_2+1)^2$: also

 $3(x_1+1)^2-7 > 3(x_2+1)^2-7$

 $h(x_1) > h(x_2)$ أي: $h(x_1) > h(x_2)$ وعليه الدالة $h(x_1) > h(x_2)$

«120»

٧ القيم الحديد:

· على التعريف (15):

$$f(4) = (4-4)^2 + 5 = 5$$
:

$$f(x)-f(4)=(x-4)^2+5-5=(x-4)^2\geq 0$$

$$f(x) \ge 5$$
 : اي: $f(x) - f(4) \ge 0$ اي: $f(x) \ge 5$ اي:

وعليه: اصغر قيمة ممكنة للدالمة م هي 5.

or مل التعرين (16):

: f(x) + 15 تطبیل *

$$f(x) = 9x^2 - 12x - 11$$
:

$$f(x)+15=9x^2-12x-11+15$$

$$f(x)+15=9x^2-12x+4$$

لدينا:

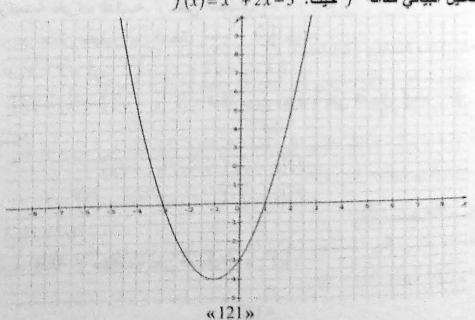
$$f(x) = (3x)^2 - 2(3x)(2) + (2)^2 = (3x - 2)^2$$

 $f(x)+15\geq 0$: فإن $(3x-2)^2\geq 0$: x عدد حقیقی عدد عقیقی بها أنه من أجل كل عدد حقیقی

اى: 15 $\leq f(x) \geq -15$ وعليه: أصغر قيمة ممكنة للدالة $f(x) \geq -15$.

· حل التعريف (17):

 $f(x)=x^2+2x-3$ التمثيل البياني للدالة $f(x)=x^2+2x-3$



نشيسو في الوياضيات رحلول غارين الكتاب المنوسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

نلاحظ على الشاشة أن الدالة ٢ تقبل قيمة حدية صغرى قيمتها (4-) أي: 4-(ا

 $f(x)+4=x^2+2x-3+4=x^2+2x+1=(x+1)^2\geq 0$ لدينا: $f(x)\geq -4$ أي: $f(x)\geq -4$

حر التعرين (18):

 $f(x) = -\sqrt{2}(x-\sqrt{2})^2 - 2$ در اسة تغیرات الدالة f حیث:

 $|-\infty|$ دراسة تغيرات الدالة f على المجال $\sqrt{2}$:

حيث: $-\infty$; $\sqrt{2}$ عددان حقيقيان من المجال $x_2 = x_1$

 $x_1 - \sqrt{2} < x_2 - \sqrt{2} < 0$ e عليه: $x_1 < x_2 < \sqrt{2}$

 $|x_1 - \sqrt{2}|^2 > (x_2 - \sqrt{2})^2 > (x_2 - \sqrt{2})^2$ إن: الدالة مربع متناقصة على المجال $|x_1 - \sqrt{2}|^2 > (x_2 - \sqrt{2})^2$ وعليه:

$$-\sqrt{2}(x_1 - \sqrt{2})^2 < -\sqrt{2}(x_2 - \sqrt{2})^2$$

$$-\sqrt{2}(x_1 - \sqrt{2})^2 - 2 < -\sqrt{2}(x_2 - \sqrt{2})^2 - 2$$

 $f(x_1) < f(x_2) : \emptyset$

. $-\infty$; $\sqrt{2}$ المجال f متزايدة على المجال f

 $|\sqrt{2}$: الدالسة f على المجال $+\infty$: الدالسة على المجال $+\infty$

ديث: $\sqrt{2}$ بددان حقيقيان من المجال $\sqrt{2}$ بدث: x_2 عددان حقيقيان من المجال

 $0 < x_1 - \sqrt{2} < x_2 - \sqrt{2}$: $\sqrt{2} < x_1 < x_2$

 $b:+\infty[$ المجال $(x_1-\sqrt{2})^2<(x_2-\sqrt{2})^2$ الأن: الدالة مربع منز ايدة على المجال $(x_1-\sqrt{2})^2<(x_2-\sqrt{2})^2$ وعليه:

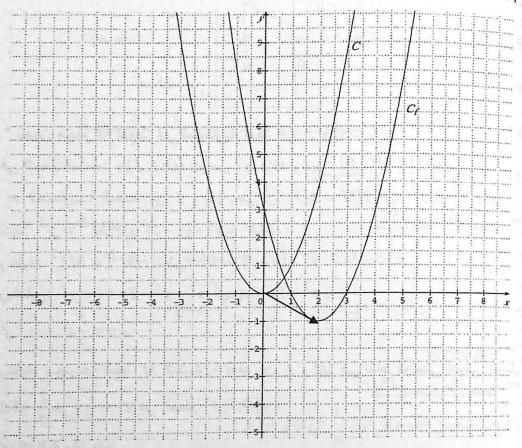
$$-\sqrt{2}(x_1 - \sqrt{2})^2 > -\sqrt{2}(x_2 - \sqrt{2})^2 -\sqrt{2}(x_1 - \sqrt{2})^2 - 2 > -\sqrt{2}(x_2 - \sqrt{2})^2 - 2$$

 $f(x_1) > f(x_2)$: si

. $\sqrt{2}$; + ∞ الدالة f متناقصة على المجال $+\infty$

o مل التعريف (19):

أ/ إنشاء المنحنى (C) الممثل للدالة مربع:



 $ec{V}(2;-1)$ بالإنسحاب الذي شعاعه (E) إنطلاقا من (C) بالإنسحاب الذي شعاعه (E) $y = (x-2)^2 - 1$: لأن: النقطة M(x, y) تنتمي إلى (E) إذا وفقط إذا كان $y+1=(x-2)^2$:

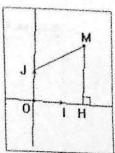
(E) النقطة M(x-2; y+1) النقطة M(x-2; y+1) النقطة المكافئ $\vec{V}(2;-1)$ بالانسحاب الذي شعاعه

مع مل التعريف (20):

I نقطة Y تنتمي إلى المستقيم (Δ) و O هي مسقطها العمودي على I. اهي: OI = OJ :خيث (Δ) عيث

المتيسر في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي -- ج. م علوم وتكنولوجيا)

M(x,y) نقطة متغيرة (O;I,J) نقطة متغيرة المعلم المتعامد و



* تعيين مجموعة النقط M المتساوية البعد عن J و (Δ):

J(0;1) ولدينا: M(x;y) ونفرض M(x;y) في المعلم المتعامد و M(x;0) نفرض

 $x^2 + (y-1)^2 = y^2$ نعني: $HM^2 = MJ^2$

 $x^2 + I = 2y$; $y^2 + y^2 - 2y + I = y^2$; epilithag:

 $y = \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}$: اي:

وعليه: مجموعة النقط M المتساوية البعد عن I و (Δ) هي نقاط المنحنى البياني السر للدالم $x \mapsto \frac{1}{2} x^2 + \frac{1}{2}$ للدالمة $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} x^2 + \frac{1}{2}$ في المعلم (O; I, J).

الدالة مقلوب:

اصحيم أو خطا:

م حل النعرين (21):

- 1) مقلوب كل عدد موجب هو عدد سالب. خطاً.
- 2) مقلوب عدد حقيقي غير معدوم وأصغر من 7 يكون أكبر من 7. خطأ.
 - (3) مقلوب $\sqrt{3} 4\sqrt{3}$ اکبر من $\sqrt{3} 7$. صحیح.
 - $\frac{1}{x} < \frac{1}{5}$: فإن: $\frac{1}{5} < \frac{1}{5}$. صحيح.
 - 5) a و b عددان غيسر معدومان.

. خطا.
$$a < b$$
 : فإن $a > \frac{1}{b}$ خطا. (6

7) إذا كان:
$$x < -5$$
 فإن: $\frac{1}{x} > -\frac{1}{5}$ صحيح.

8) بما أن: الدالة مقلوب متناقصة و
$$6 - < 5 - 6$$
 فإن: $\frac{1}{6} > \frac{1}{5} - \frac{1}{5}$ صحيح.

9) بما أن: الدالة مقلوب متناقصة و
$$6 < 5$$
 فإن: $\frac{1}{6} > \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$

(10) بما أن: الدالـة مقلـوب متناقصـة و
$$6 - < 5$$
 فإن: $\frac{1}{6} > \frac{1}{5}$ خطـا.

$$x \ge \frac{11}{2}$$
 اي: $\frac{1}{x} \le \frac{2}{11}$ (11)

o مل النعرين (22):

ا الذا كان:
$$\int_{x}^{1} \left[-\frac{4}{3}, 0 \right]$$
 فإن: $\int_{x}^{1} \left[-\frac{3}{4}, 0 \right]$ خطا.

$$x \in [8:0]$$
 محیے. $x \in [8:0]$ صحیے.

00 d lling 1 (23):

$$x \mapsto f(x) = \frac{I}{x}$$
 : هي الدالسة مقلسوب أي

أ/ حساب صور الأعداد:

$$f(-1) = -1 \qquad ; f\left(-\frac{1}{3}\right) = -3$$

$$f(10^{-2}) = \frac{1}{10^{-2}} = 10^{2}$$

$$f(10^{2}) = \frac{1}{10^{2}} = 10^{-2}$$

$$f\left(\frac{7}{5}\right) = \frac{5}{7} \quad ; f\left(-\frac{7}{5}\right) = -\frac{5}{7}$$

$$f(3) = \frac{1}{3} \quad ; f(-3) = -\frac{1}{3}$$

السنة أولى

ب/ حساب السوابق في كمل حالة:

$$x = -\frac{1}{3}$$
 : نا يعني أن $f(x) = -3$

- في حالــة: f(x) = 5 يعني أن:
- $x = 10^{-4}$: في حالـــة: $f(x) = 10^4$ يعني أن:
- $x = 10^4$: في حالـــة: $f(x) = 10^{-4}$ يعني أن
 - في حالــة: $f(x) = \frac{5}{6}$ يعني أن: •
 - في حالـــة: $f(x) = -\frac{6}{5}$ يعني أن: •

· حل التعرين (24):

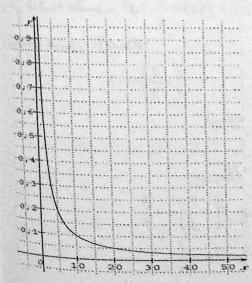
х	0,4	10-1	√2-1	1	$\frac{2}{\sqrt{2}}$
f(x)	2,5	0,1	√2+1	1	$\frac{1}{\sqrt{2}}$

لا يمكن أن يشكل جدول القيم هذا الدالة مقلوب لأن: مقلوب 10-1 هو 10 وليس 0,1 التمثيل البياني:

· و حل التعرين (25):

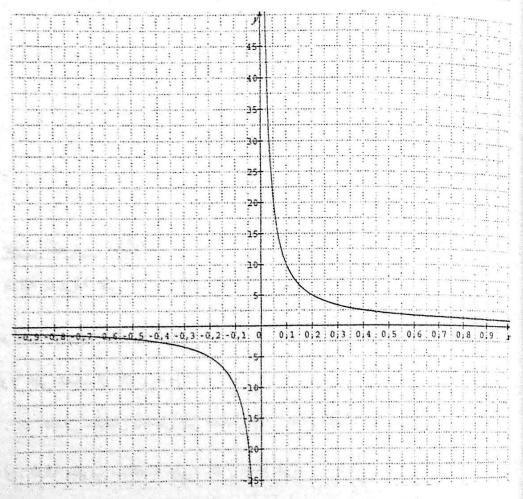
* تمثيل الدالـة مقلـوب على المجـال [50; 50]:

في معلم متعامد حيث: 10 تمثل 1cm على محور الفواصل و 1 يمثل 10cm على محور التراتيب.



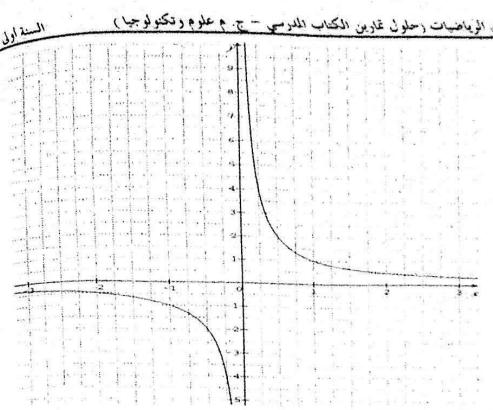
-1 ; $O[\cup]0$; $I[\cup]0$; المجال على المجال | 1 ; $O[\cup]0$

ناخذ 0,1cm لتمثيل 1 على محور الفواصل و 1cm لتمثيل 5 على محور التراتيب.



: 27 June 129:

 $x \in \left[-3 ; -\frac{1}{2}\right] \cup \left[\frac{1}{2} ; 3\right]$ الدالة مقلوب من أجل $\left[C\right]$ الدالة مقلوب من أجل أ المنحني (C) يقبــل مركــز تناظــر وهــو المبدأ θ.



مع مل التعريف <u>(28)</u>:

 $f(x) = \frac{2}{x}$: ب $[-\infty]$: $[-\infty]$ $[-\infty]$ $[-\infty]$ الدالة المعرفة على $[-\infty]$

أ/ دراسية تغيرات الدالية /:

• أولا على العجال]0 ; ∞- إ:

 $x_1 < x_2 < 0$: عددان حقيقيان ينتميان إلى المجال $x_1 < x_2 < 0$ عددان حقيقيان ينتميان إلى المجال

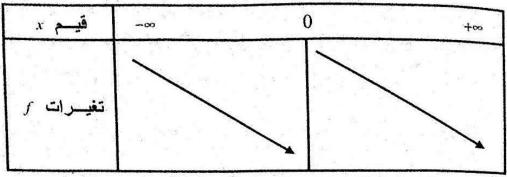
 $\frac{1}{x_1} > \frac{1}{x_2}$: الدالة مقلوب متناقصة على: 0 ; ∞ إن الدالة مقلوب متناقصة على:

 $f(x_1) > f(x_2)$: اي: $\frac{2}{x_1} > \frac{2}{x_2}$ اي: $\frac{2}{x_1} > \frac{2}{x_2}$ بضرب طرفي المتباينة في 2 نجد

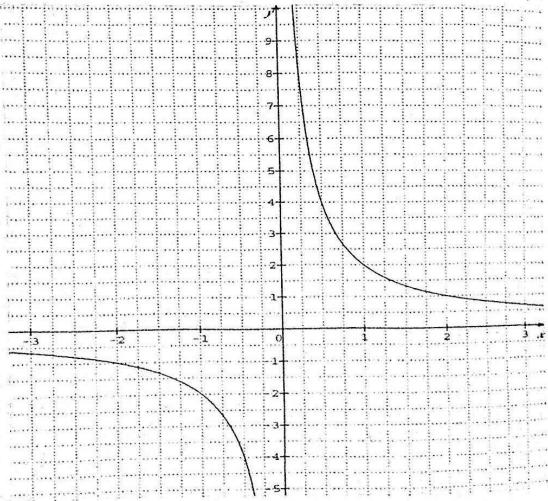
وعليه: الدالمة f متناقصية على المجال 0 ; ∞ .

 $\cdot]0 \; ; +\infty [$ بنفس الطريقة نبر هن أن الدالمة f متناقصة على المجال

* جدول تغيرات الدالسة :



ب/ التمثيل البياني للدالـة على المجال [3; 3]:



التعرين (29:

$$f(x) = -\frac{3}{x}$$
 :... $]-\infty$; $o[\cup]0$; $+\infty[$ على f الدالة المعرفة على f ... (129)

المتيسر في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

 \cdot]- ∞ ; θ [على المجال \cdot] در اسه تغیرات الداله \cdot

 $x_1 < x_2 < 0$: حيث $-\infty$; 0 [المجال إلى المجال ينتميان ينتميان ينتميان إلى المجال $-\infty$; 0 أن الدالة مقلوب متناقصة على المجال $-\infty$; 0 المجال الدالة مقلوب متناقصة على المجال $-\infty$; 0

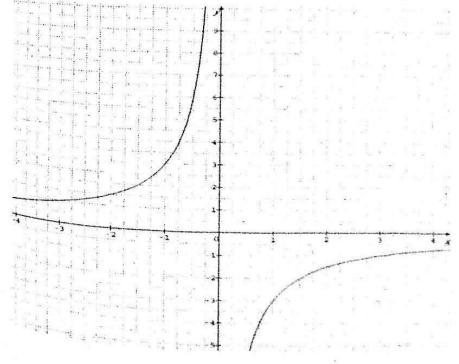
 $f(x_1) < f(x_2)$: بضرب طرفي المتباينة في العدد (3-) نجد: $\frac{3}{x_1} < -\frac{3}{x_2}$ أي: -3 العدد (3-) بضرب طرفي المتباينة في العدد (3-) نجد: -3 أي: -3 متزايدة على المجال -3 بن متزايدة على المجال -3 بن متزايدة على المجال -3

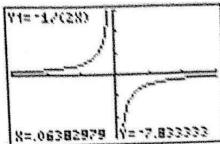
بنفس الطريقة نبر هن أن الدالة f متزايدة على المجال $]\infty+$; 0[.

* جدول تغيرات الدالـة f:

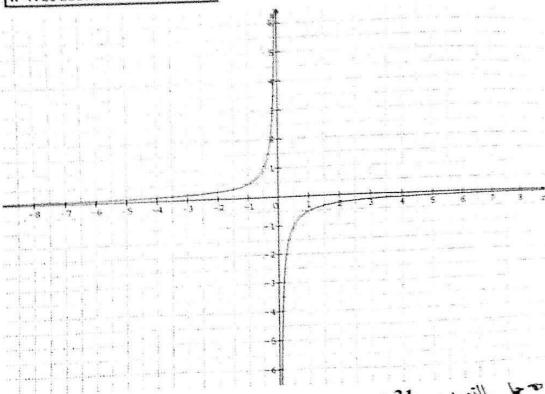
0	+∞
	0

ب/ التمثيل البياني للدالـة ٢ على المجال [4 ; 4]:





. تستعل الآلة العاسبة البيانية لإجاز مثيل



مع مل التعريف (31):

 $f(x) = \frac{3}{x+2} : -1 = \infty ; -2[\cup] -2 ; +\infty[$ Let f

أ دراسة تغيرات الدالسة ٢:

: $]-\infty$; -2[المجال]

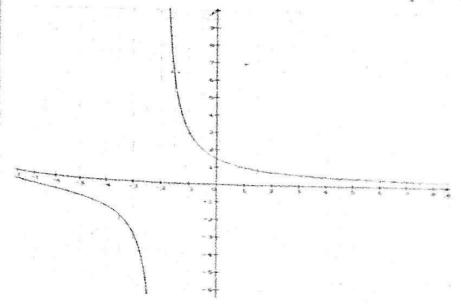
 $x_1 < x_2 < -2$ حيث: $-\infty$; -2 المجال إلى المجال ينتميان ينتميان إلى المجال $x_2 < x_3 < -2$ بإضافة 2 نجد: $2 < x_1 + 2 < x_2 + 2 < 0$ من جهة أخرى الدالة مقلوب متناقصة على $\frac{1}{x_1+2} > \frac{1}{x_2+2} > \frac{1}{x_2+2}$ وعليه: θ «131»

 $f(x_1) > f(x_2)$ المنابع المرابع $\frac{3}{x_1+2} > \frac{3}{x_2+2}$ اي: $f(x_2) > f(x_2)$ اين المنابعة في 3 نجد: $\frac{3}{x_1+2} > \frac{3}{x_2+2}$ وعليه الدالة ٢ متناقصة على المجال 2]- ; ∞-[. بنفس الطريقة نبر هن أن الدالة ﴿ متناقصة على المجال] + 2; +∞. أ-2;

* جنول تغيرات الدائسة :

غيم x		-2	÷ros:
تغيرات ا	-		

ب/ التمثيل البياتي للدالمة /:



 $f(x) = \frac{2x+1}{x+1} : -1 - \infty; -1 \cup -1; +\infty$ $f(x)=2-\frac{1}{x+1}$ یکون: $x \neq -1$ یکون: $x \neq -1$ عدد حقیقی $x \neq -1$ یکون:

$$f(x) = \frac{2x+1}{x+1} = \frac{2x+2-1}{x+1} : \frac{2x+2}{x+1}$$

$$f(x) = \frac{2x+2}{x+1} - \frac{1}{x+1} = 2 - \frac{1}{x+1}$$

ب/دراسة تغيرات الدالية ٢ وتشكيل جدول التغيرات:

-1[الدالة <math>f على المجال -1[

 $x_1 < x_2 < -1$: حدان حقیقیان ینتمیان إلی المجال $x_2 < x_3 < -1$ حیث $x_1 < x_2 < -1$ جدان $x_2 < x_3 < x_4 < x_5 < -1$ جبإضافة 1 نجد $x_1 < x_2 < x_3 < -1$ جانسافة 1 نجد $x_1 < x_2 < x_3 < -1$

من جهة أخرى الدالة مقلوب متناقصة على المجال 0; ∞ إيعني: $\frac{1}{x_1+1} > \frac{1}{x_2+1}$

بالضرب في (1-) نجد: $\frac{-1}{x_1+1} < \frac{-1}{x_2+1}$ بإضافة العدد 2 نحصل على:

$$f(x_1) < f(x_2)$$
: $2 - \frac{1}{x_1 + 1} < 2 - \frac{1}{x_2 + 1}$

وعليه: الدالة f متزايدة على المجال f : ∞

 \cdot]-1; + ∞ [المجال على المجال f متزايدة على المجال f الدالة f الدالة المجال المجال

* جدول تغيرات الدالـــة ٢:

r a Jā	-∞ -1	+~
تغیرات ۲		
العيدرات ع		

مع حل التعريف (33):

 $f(x)=3+\frac{1}{x+1}$ یکون: $f(x)=3+\frac{1}{x+1}$ یختلف عن $f(x)=3+\frac{1}{x+1}$

$$f(x) = \frac{3x+4}{x+1} = \frac{3x+3+1}{x+1} = \frac{3x+3}{x+1} + \frac{1}{x+1} = 3 + \frac{1}{x+1}$$

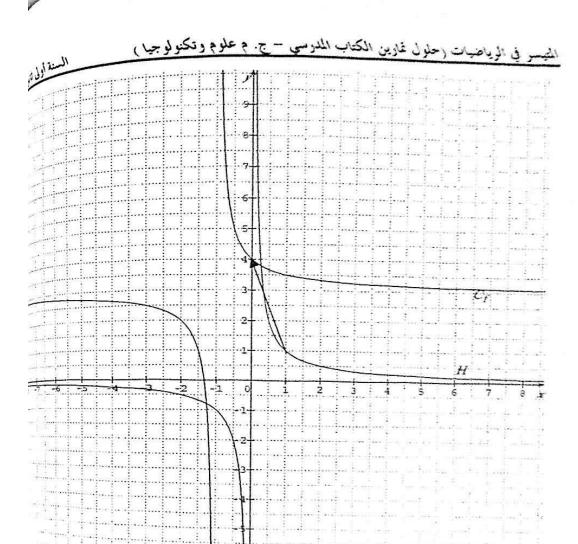
$$(x) = \frac{3x+4}{x+1} = \frac{3x+3+1}{x+1} = \frac{3x+3}{x+1} + \frac{1}{x+1} = 3 + \frac{1}{x+1}$$

ب بيان اته يمكن استنتاج (C) انطلاقا من (H) بالانسحاب يطلب تعيين شعاعه:

$$y = f(x)$$
 و $x \neq -1$ و فيكون: $x \neq -1$ و فيكون: $M(x, y)$

أي: $y = 3 + \frac{1}{x+1}$ معناه: $y = 3 + \frac{1}{x+1}$ تنتمي إلى $y = 3 + \frac{1}{x+1}$ تنتمي إلى الم

 $.\overline{V}(-1;3)$ إذن تمر من (H) إلى (C) بالانسحاب الذي شعاعه (C)



العدر التربيعي:

ت- مل التعرين (34):

اصحيح أو خاطئ:

اً إذا كان x عددا حقيقيا حيث x < 4 فإن: x < 2 خطأ. x < 0 فإن: x < 0 < 0 < 0 فإن: x < 0 < 0 فإن

 $x \in \left[\frac{1}{2}; 2\right]$ فإن: $x \in \left[\frac{1}{4}; 4\right]$ محيح.

- ح<u>ل التعرين (35)</u>:

ار x عدد سالب. العبارة $\sqrt{-x}$ ليس لها معنى. خطأ.

ب/ من أجل كل عدد حقيقي لدينا: $x\sqrt{3} = \sqrt{3x^2}$. خطأ.

o مل التعرين (36):

* إتمام الجدول الآتي:

х	1	(-5)2	$\sqrt{\frac{3}{4}}$	$(1-\sqrt{2})$
\sqrt{x}	1	5	$\sqrt{\frac{\sqrt{3}}{2}}$	$\sqrt{\sqrt{2}-1}$

· مل التعريف (37)

$$f(x) = \sqrt{x}$$

أ/ حساب صور الأعداد:

$$(-a-b)^{2} \cdot 6000^{2} + 8000^{2} \cdot \left(\frac{1}{2} - \pi\right)^{2} \cdot 10^{-6}$$

$$f(10^{-6}) = \sqrt{10^{-6}} = \sqrt{(10^{-3})^{2}} = 10^{-3}$$

$$f\left(\frac{1}{2} - \pi\right)^{2}\right) = \sqrt{\left(\frac{1}{2} - \pi\right)^{2}} = \frac{1}{2} - \pi = \pi - \frac{1}{2}$$

$$f(6000 + 8000) = \sqrt{6000} + 8000 = \sqrt{(6 \times 10^{2})^{2} + (8 \times 10^{2})^{2}} = \sqrt{6^{2} \times 10^{2} + 8^{2} \times 10^{2}}$$

$$= \sqrt{10(6^{2} + 8^{2})} = 10\sqrt{36 + 64} = 10\sqrt{100}$$

$$= 10 \times 10 = 10 = 10000$$

$$f\left((-a - b)^{2}\right) = \sqrt{(-a - b)^{2}} = |-a - b| = |-(a + b)| = |a + b|$$

$$\cdot 7 - \sqrt{37} \cdot (-1)^{2} \cdot 10^{3} \cdot 10^{-6} \cdot 7 : 2 = 10$$

$$\cdot x = 49 \cdot 2 = 10$$

$$\cdot x = 49 \cdot 2 = 10$$

المتبسر في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

ومنه: سابقة العدد 7 بالدالة م هو العدد 49.

 $x = 10^{-12}$: نضع $\sqrt{x} = 10^{-6}$: أي: $f(x) = 10^{-6}$ وعليه:

ومنه: سابقة العدد $^{-0}$ بالدالة f هو العدد $^{-10}$

 $x = 10^6$: نضع $\sqrt{x} = 10^3$ أي: $f(x) = 10^3$ وعليه:

ومنه: سابقة العدد 10° بالدالة f هو العدد 10°

نضع: $\sqrt{x} = (-1)^2$ أي: $f(x) = (-1)^2$ وبالتالي: $1 = \sqrt{x}$ وعليه 1 = x.

نضع: $\sqrt{x} = 7 - \sqrt{37}$ أي: $f(x) = 7 - \sqrt{37}$ وبالتالي: $x = (7 - \sqrt{37})^2$ $x = 49 + 37 - 14\sqrt{37}$

 $x = 86 - 14\sqrt{37}$

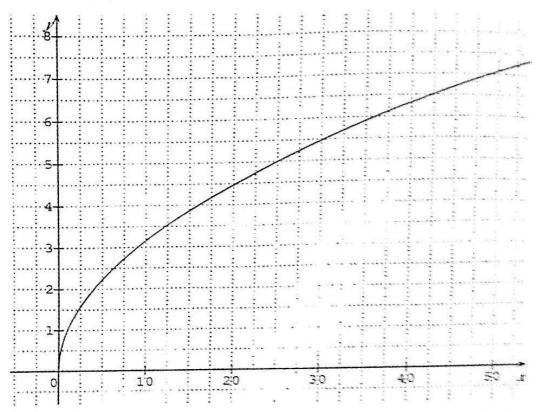
ومنه: سابقة العدد: $\sqrt{37}$ بالدالة γ هو العدد: $\sqrt{37}$ -86.

مه م<u>ل التعريف (38)</u>:

تمثيل بيانيا على المجال [0:50] دالة "الجذر التربيعي" في معلم متعامد حيث: 10 تمثل 2cm على محور التراتيب.

* جدول بعيض القيم:

х	0	1	4	9	16	25	36	49
\sqrt{x}	0	1	2	3	4	5	6	7



« على النعرين (39):

 $f(x) = \sqrt{2x}$: ب الدلة المعرفة على $f(x) = \sqrt{2x}$ ب الدلة المعرفة على أ

/ درلسة تغيرات الدفة · ر:

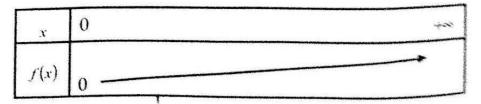
 $x_1 < x_2$: حيث $[0;+\infty[$ من x_1,x_2 من أجد كل من

 $\sqrt{2x_1} < \sqrt{2x_2}$ $| 2x_1 < 2x_2 |$

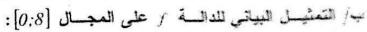
 $f(x_1) < f(x_2)$ with

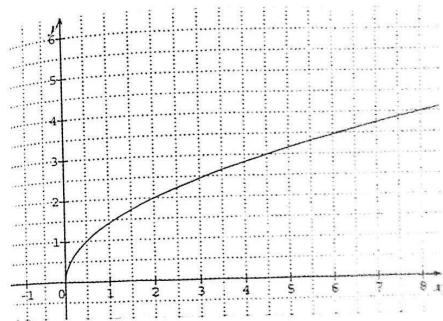
ومنه: ٦ منز الدة تماما على ١٥٠٤].

* جنول تغيسرك 7:



التيسىر في الوياضيات رحلول تمارين الكتاب المدوسي – ج. م علوم وتكنو لوجيا)





. $f(x) = \sqrt{-2x}$:ب $[-\infty, 0]$ بنا الدالة المعرفة على الدالة الدال

/ دراسة تغييرات ر:

 $x_1 < x_2$: $x_1 < x_2$ $x_1 < x_2$ $x_1 < x_2$ $x_2 < x_3$

$$-x_1 > -x_2$$

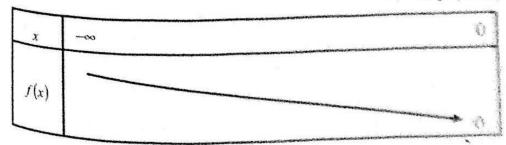
$$-2x_1 > -2x_2$$

$$\sqrt{-2x_1} > \sqrt{-2x_2}$$

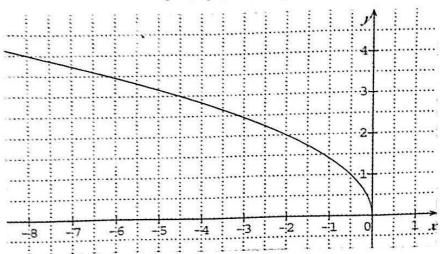
$$f(x_1) > f(x_2)$$

وسعة / مشاقصة تعلما على (١٥٠٥].

« جدول تغییرات ۱:



[-8,0] التمثيال البياني للدالمة f على المجال البياني الدالمة



· حل التعرين (41):

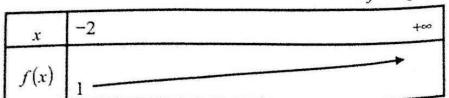
 $f(x) = 1 + \sqrt{x+2}$:— $[-2;+\infty[$ المعرفة على f المعرفة الم

أ/ دراســة تغيرات ٢:

 $x_1 < x_2$ حيث: $-2;+\infty$ من أجل كل x_1,x_2 من أجل كل $\sqrt{x_1+2} < \sqrt{x_2+2}$ وعليه: $x_1+2 < x_2+2$ أي: $1+\sqrt{x_1+2} < 1+\sqrt{x_2+2}$ $f(x_1) < f(x_2)$

 $[-2;+\infty[$ متزایدة تماما علی f

* جدول تغيسرات ٢:



 $f(x)=1+\sqrt{x+2}$ ب/ لدينا:

$$y = 1 + \sqrt{x+2}$$
$$y - 1 = \sqrt{x+2}$$

المتيسر في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي - ج. م علوم وتكنولوجيا)

 $y = \sqrt{x} : \text{i.i.} \begin{cases} y' = y - 1 \\ x' = x + 2 \end{cases}$

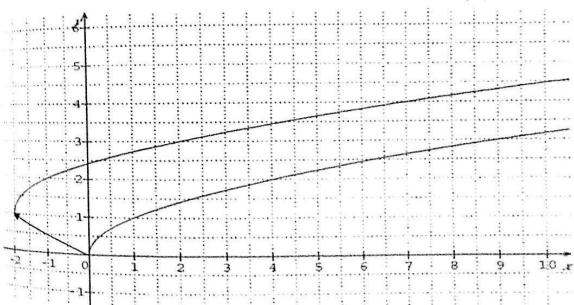
لتكن: $M \binom{x}{y}$ نقطة من منحنى الدالة جذر التربيعي $M \binom{x}{y}$.

 $M\begin{pmatrix} x+2 \\ y-1 \end{pmatrix}$ فإن: $M\begin{pmatrix} x+2 \\ y-1 \end{pmatrix}$ نقطة من المنحنى

 $M'\binom{x'}{y'}$ نقطة من المنحنى $M'\binom{x'}{y'}$:

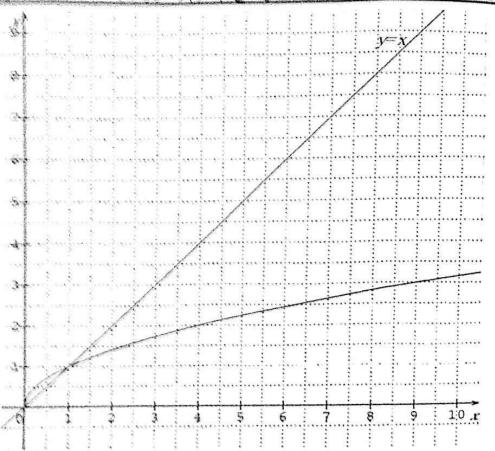
 $\vec{v}inom{-2}{l}$ بالإنسحاب الذي شعاعه (C) إذن: نمر من (H) إذن: نمر من \vec{v}

* إنشاء (C)



م مل التعرين (42):

 $x \longrightarrow \sqrt{x}$ و $x \longrightarrow x$ الدالتين: $x \longrightarrow x$ و $x \longrightarrow x$ الدالتين على المجال



ب/ التخمين:

- $x \ge \sqrt{x}$ ومنسه: $x \in [1;+\infty]$ لمسا (C_g) ومنسه: (C_f) •
- $x \ge \sqrt{x}$ ومناه: $x \in [0:1]$ لما (C_g) ومناه: (C_f)
 - * البرهان:

$$x - \sqrt{x} = \sqrt{x} \left(\sqrt{x} - 1 \right) : x \in [0; 1]$$
 من أجل

$$\sqrt{x}-1 \le 0$$
 ومنه: $0 \le \sqrt{x} \le 1$ ومنه: $0 \le x \le 1$

$$x \le \sqrt{x}$$
 ومنه: $x - \sqrt{x} \le 0$ ومنه:

$$x - \sqrt{x} = \sqrt{x} \left(\sqrt{x} - 1 \right) \quad x \in [1; +\infty[$$
 من أجل:

$$x \ge 1$$

$$\sqrt{x} \ge 1$$
 : 0.5

$$\sqrt{x}-1 \ge 0$$

المیسو فی الریاضیات رحلول غاربی الکتاب المعربی - π π علوه و تکولوجیا $x = \sqrt{x}$ و مذہبه: $0 \le x > \sqrt{x}$ و مذہبه: $x > \sqrt{x}$

محالدالتان جيب نمام وجيب

اصحبح ام خطا:

الترين (43):

 $\sqrt{\frac{5}{5}} > 1$ کان: $1 < \frac{\sqrt{5}}{2} > 1$ کان: $1 < \frac{\sqrt{5}}{2}$ وتعلیم لا یوجد ای عدد حقیقی x حیث: $x = \frac{\sqrt{5}}{2}$ وتعلیم من أجل کل x من أجل کل x من أجل کل x من أجل کل x من أجل کا x

· مع حل التعريف (44):

إذا كان a < b فإن: cosa < cosb و sina < sinb (خطاً).

· حل النعرين (45):

- $\cos \frac{\pi}{7} > \cos \frac{\pi}{5}$
 - $\sin\frac{\pi}{7} > \sin\frac{\pi}{5}$ •

ع حل التعريف (46):

 $\left[0,\frac{\pi}{2}\right]$ و b عنصران من المجال a

أ/ إذا كان: a < b فإن: a < b خطاً.

ب/ إذا كان: a < b فإن: a < b خطاً.

بما أن A و B نقطتان من دائرة مركزها O ونصف قطرها 1cm و $10B=10^R$ بما طول القوس 10cm هو 10cm. (خطا).

مع ح<u>ل التعرين (48)</u>:

* تعيين AÔB بالراديان:

الدينا طول القوس \hat{AB} هو I=2,5cm هو \hat{AB} الدينا طول القوس $a=\frac{2.5}{5}$ بالرادیان للزاویة $a\times 5=2.5$ و r نصف قطر الدائرة، ومنه: $a\times 5=2.5$ یکافئ a = 0.5

 $\hat{AOB} = 0,5 rad$: عليه:

* تعيين AÔB بالدرجة:

0,5	π	الراديان
x	180	الدرجة

باستعمال جدول التناسبية نجد: $0,5 \times x = \frac{90}{\pi}$ اي: $x = \frac{90}{\pi}$ وعليه: AÔB بالدرجة هي: --- .

ع مل التعريف (49:

- طول القوس التي تحصرها الزاوية المركزية التي قيسها $\frac{\pi}{4}$ هو: طول القوس التي تحصرها الزاوية المركزية التي قيسها
- طول القوس التي تحصرها الزاوية المركزية التي قيسها $\frac{\pi}{4}$ هو: $I_2 = \frac{\pi}{4} \times 10 = \frac{5\pi}{2} cm$
- طول القوس التي تحصرها الزاورية المركزية التي قيسها $\frac{\pi}{4}$ هو: $I_3 = \frac{3\pi}{4} \times 10 = \frac{15\pi}{2} cm$

لحساب أطوال الأقواس التي تحصرها الزوايا المركزية التي أقياسها °90, °75, °120 نحول الأقياس من الدرجة إلى الراديان.

z	y	х	π	الراديان
120	75	90	180	الدرجة

المتيسر في الرياضيات (حلول تمارين الكتاب المدرسي - ج. م علوم ولحنولوجيا) السلة إلى

باستعمال جدول التناسبية نجد: $\frac{\pi}{2}$ ، $x = \frac{\pi}{2}$ ومنه:

- طول القوس الذي تحصرها الزاوية المركزية الذي قيسها 90° اي: $\frac{\pi}{2}$ ما $\frac{\pi}{2}$ الما $\frac{\pi}{2}$ ما $I_4 = \frac{\pi}{2} \times 10 = 5\pi cm$
- طول القوس التي تحصرها الزاوية المركزية التي قيسها °75 أي: $I_5 = \frac{5\pi}{12}$ بر ما الزاوية المركزية التي قيسها °75 أي: $I_5 = \frac{\pi}{2} \times 10 = \frac{25\pi}{6}$ بر ما الزاوية المركزية التي قيسها °75 أي: $I_5 = \frac{\pi}{2} \times 10 = \frac{25\pi}{6}$ بر ما الزاوية المركزية التي قيسها °75 أي: أم الزاوية المركزية التي أي: أم الزاوية الزاوية المركزية التي أي: أم الزاوية الزاوية الزاوية المركزية التي أي: أم الزاوية الزاوية
- طول القوس التي تحصرها الزاوية المركزية التي قيسها °120 اي $\frac{2\pi}{3}$ من $I_6 = \frac{2\pi}{3} \times 10 = \frac{20\pi}{3} cm$

ح حل التعرين (50):

أ/ تحويل إلى الرديان: °10، °35، °35:

$$180^{\circ} \rightarrow \pi \ rad$$
 :لدينا

$$10^{\circ} \to \varphi \, rad$$

$$\varphi = \frac{10 \times \pi}{180} = \frac{\pi}{18} \, rad$$

$$360^{\circ} \rightarrow 2\pi \ rad$$
 :ادينا

$$35^{\circ} \to \varphi \, rad$$

$$\varphi = \frac{35 \times 2\pi}{360^{\circ}} = \frac{7}{56} \, \pi rad$$

$$360^{\circ} \rightarrow 2\pi \ rad$$
 :الدينا

$$150^{\circ} \to \varphi \, rad$$

$$\varphi = \frac{150 \times 2\pi}{360^{\circ}} = \frac{5}{6} \pi rad$$

ب/ تحويل إلى الدرجة:

$$\frac{\pi}{5}$$
 rad $\frac{3\pi}{8}$ rad $\frac{3\pi}{8}$ rad

$$180^{\circ}
ightarrow \pi \ rad$$
 الدينا:
$$\varphi \leftarrow \frac{3\pi}{8} \ rad$$

$$\varphi = \frac{180 \times \frac{3\pi}{8}}{\pi} = \frac{135}{2} = 67.5^{\circ}$$

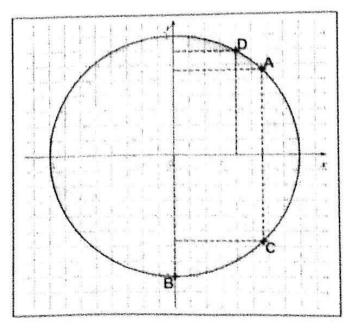
$$180^{\circ}
ightarrow \pi \ rad$$
 الدينا:
$$\varphi \rightarrow \frac{\pi}{5} \ rad$$

· حل التعرين (51):

تمثيل على الدائرة المثلثية النقط B ، B ، A و D صور الأعداد الحقيقية:

 $\varphi = \frac{180 \times \frac{\pi}{5}}{\pi} = 36^{\circ}$

على الترتيب: $\frac{\pi}{3}$, $\frac{7\pi}{4}$, $\frac{\pi}{2}$, $\frac{\pi}{4}$



ت على التعريف (52):

* حساب القيم المضبوطة لجيب تمام وجيب الأعداد الآتية:

$$\sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}
\cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}
\left\{ \sin \left(-\frac{\pi}{6} \right) = -\sin \frac{\pi}{6} = -\frac{1}{2}
\cos \left(-\frac{\pi}{6} \right) = \cos \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}
\left\{ \sin \frac{5\pi}{6} = -\sin \left(\pi - \frac{\pi}{6} \right) = \sin \frac{\pi}{6} = -\frac{1}{2}
\cos \frac{5\pi}{6} = \cos \left(\pi - \frac{\pi}{6} \right) - \cos \frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}
\left\{ \sin \frac{7\pi}{6} = -\sin \left(\pi + \frac{\pi}{6} \right) = -\sin \frac{\pi}{6} = -\frac{1}{2}
\cos \frac{7\pi}{6} = \cos \left(\pi + \frac{\pi}{6} \right) = -\cos \frac{\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}
\left\{ \sin \left(-\frac{5\pi}{6} \right) = -\sin \frac{5\pi}{6} = -\frac{1}{2}
\cos \left(-\frac{5\pi}{6} \right) = -\sin \frac{7\pi}{6} = \frac{1}{2}
\cos \left(-\frac{7\pi}{6} \right) = -\cos \frac{7\pi}{6} = -\frac{\sqrt{3}}{2}
\left\{ \sin \frac{4\pi}{3} = \sin \left(\pi + \frac{\pi}{3} \right) = -\sin \frac{\pi}{3} = -\frac{\sqrt{3}}{2}
\cos \frac{4\pi}{3} = \cos \left(\pi + \frac{\pi}{3} \right) = -\cos \frac{\pi}{3} = -\frac{1}{2}$$

$$\begin{cases} \sin 120\pi = \sin 0 = 0 \\ \cos 120\pi = \cos 0 = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sin 213\pi = \sin \pi = 0 \\ \cos 213\pi = \cos \pi = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sin(-128\pi) = \sin 0 = 0 \\ \cos(-128\pi) = \cos 0 = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sin(-789\pi) = \sin(-\pi) = -\sin \pi = 0 \\ \cos(-789\pi) = \cos(-\pi) = \cos \pi = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases}
\sin\frac{193\pi}{3} = \sin\left(64\pi + \frac{\pi}{3}\right) = \sin\frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2} \\
\cos\frac{193\pi}{3} = \cos\left(64\pi + \frac{\pi}{3}\right) = \cos\frac{\pi}{3} = \frac{1}{2} \\
\sin\frac{-193\pi}{3} = -\sin\frac{193\pi}{3} = -\sin\left(\frac{\pi}{3}\right) = -\frac{\sqrt{3}}{2} \\
\cos\frac{-193\pi}{3} = \cos\frac{193\pi}{3} = \cos\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2} \\
\sin\frac{115\pi}{4} = \sin\left(29\pi - \frac{\pi}{4}\right) = \sin\left(\pi - \frac{\pi}{4}\right) = \sin\frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\
\cos\frac{115\pi}{4} = \cos\left(29\pi - \frac{\pi}{4}\right) = \cos\left(\pi - \frac{\pi}{4}\right) = -\cos\frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\
\sin\frac{-115\pi}{4} = -\sin\frac{115\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2} \\
\cos\frac{-115\pi}{4} = \cos\frac{115\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}
\end{cases}$$

· على النعويات (53):

E

 $(0,\pi)$ تعيين في كل حقة من الحالات الآتية العد x من المجال $(0,\pi)$:

الحيسر في الرياضيات (حلول غارين الكتاب المنوسي – ج. م علوم وتكنولوجيا) السنة أولى ان

$$x = \frac{\pi}{2}$$
 ومنه: $x \in [0; \pi]$ ومنه: $x = 0$

$$x = \pi - \frac{\pi}{6} = \frac{5\pi}{6}$$
 : في $x = \frac{\pi}{6}$ وهنه: $x = \frac{\pi}{6}$ وهنه: $x = \frac{\pi}{6}$ وهنه: $x = \frac{\pi}{6}$

$$x = \pi - \frac{\pi}{6} = \frac{5\pi}{6}$$
 ومنه: $x \in [0; \pi]$ ومنه: $x \in [0; \pi]$.

و
$$x \in [0;\pi]$$
 لما $x \in [0;\pi]$ فانه لا توجد $\sin x > 0$ بما أن: $\sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

$$sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 قيمة لـ x من المجال x من المجال x

$$x = \frac{\pi}{4}$$
 ومنے: $x \in [0; \pi]$ و $\cos x = \frac{1}{\sqrt{2}}$

· و حل التعريف (54):

$$: \left[\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right]$$
 المجال من المجال الآتية العدد x من المجال *

$$x = \frac{\pi}{3}$$
 ومنه: $x \in \left[\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ ومنه: $x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ •

$$x = -\frac{\pi}{3} : \text{if } x = \frac{\pi}{3} : \text{otherwise} x \in \left[\frac{-\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right] \text{s } \cos x = \frac{1}{2} \bullet$$

$$x = -\frac{\pi}{4}$$
 : ومند $x \in \left[\frac{-\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$ ومند $x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ •

a على النعرين (55):

$$\sin x = \frac{2}{3}$$
 حیث: $\left[\frac{\pi}{2}, \pi\right]$ عنصر من $\left[\frac{\pi}{2}, \pi\right]$

* حساب cosx:

 $sin^2 x + cos^2 x = 1$ وعليه:

$$\left(\frac{2}{3}\right)^2 + \cos^2 x = I$$

$$\cos^2 x = 1 - \frac{4}{9}$$

$$\cos x = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad (\cot 2 \cot 3) \cdot \cos^2 x = \frac{5}{9}$$

$$\cos x = -\frac{\sqrt{5}}{3} \quad (\cot 2 \cot 3) \cdot \cos x = -\frac{3}{5} \quad (\cot 2 \cot 3) \cdot \cos x = \frac{3}{5} \quad (\cot 3) \cdot \cos x = \frac{3}$$

 $sin^2 x + cos^2 x = 1$ وعليه:

$$\sin^2 x + \left(-\frac{3}{5}\right)^2 = 1$$
$$\sin^2 x + \frac{9}{25} = 1$$
$$\sin^2 x = 1 - \frac{9}{25}$$

$$sin x = \frac{4}{5} \quad (acide editor) \cdot$$

$$sin^2 x = \frac{16}{25} \quad sin x = -\frac{4}{5} \quad (acide editor) \cdot$$

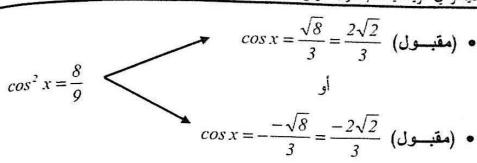
 $\sin x = -\frac{1}{3}$ حیث: $[-\pi,0]$ حیث آ \mathbb{R}

• صلب : cas.r

 $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$

$$\left(-\frac{1}{3}\right)^2 + \cos^2 x = 1$$
$$\cos^2 x = 1 - \frac{1}{9}$$

المتيسر في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)



م حل التعرين (66):

(C) نعلم أن: $\cos x \ge 0$ حيث: $\cos x$ من $\cos x$ من $\cos x$ من $\cos x$ من الاائرة المثلثية $\cos x$ ومنه: توجد نقطتان $\cos x$ من الدائرة المثلثية $\cos x$ ومنه: توجد نقطتان $\cos x$ ومنه: توجد نقطتان أنهان أنه

نلاحظ أن J' هي أيضا صورة ل $\frac{\pi}{2}$ ومنه يكون $\cos x \geq 0$ إذا وفقط إذا كانت صور J' الأعداد $S = \begin{bmatrix} \frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \end{bmatrix}$ تنتمي إلى \hat{JJ} أي عدد من $S = \begin{bmatrix} \frac{3\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \end{bmatrix}$ وعليه: $S = \begin{bmatrix} -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \end{bmatrix}$ $\int \frac{3\pi}{2}, 2\pi$

 $\sin x \leq \frac{1}{2}$ حیث: $\left[-2\pi; 3\pi\right]$ من x من $\left[-2\pi; 3\pi\right]$ حیث: $\frac{1}{2}$ حیث: $\frac{1}{6}$ حقیقیة $\frac{\pi}{6} = \sin \frac{\pi}{6} = \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2}$ نعلم أن: $\frac{\pi}{6} = \sin \frac{5\pi}{6} = \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2}$ المعلم المتعامد و المتجانس (0,1,J) صورتا العددان $\frac{\pi}{6} = \frac{5\pi}{6}$ على الترتیب جن المعلم المتعامد و المتجانس $\sin \frac{\pi}{6} = \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2}$ من $\sin \frac{\pi}{6} = \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2}$ من $\sin \frac{\pi}{6} = \sin \frac{5\pi}{6} = \frac{1}{2}$ المنافرة $\cos \frac{\pi}{6} = \cos \frac{\pi}{6}$ و $\cos \frac{\pi}{6} = \cos \frac{\pi}{6}$ مورة للأعداد $\cos \frac{\pi}{6} = \cos \frac{\pi}{6}$ الدائرة المتألفية (C) ومنه: يكون $\cos \frac{\pi}{6} = \sin \frac{\pi}{6}$ و أذا وفقط إذا كانت صور الأعداد $\cos \frac{\pi}{6}$ على الدائرة المتألفية (C)

 $\left[-2\pi, \frac{-11\pi}{6}\right] \left(-\frac{7\pi}{6}, \frac{\pi}{6}\right) \left(\frac{5\pi}{6}, \frac{13\pi}{6}\right) \left(\frac{17\pi}{6}, 3\pi\right)$ $\times 2 \times X$ $\times AB$ $\times AB$ $S = \begin{bmatrix} -2\pi, -\frac{11\pi}{6} \end{bmatrix} \cup \begin{bmatrix} -\frac{7\pi}{6}; \frac{\pi}{6} \end{bmatrix} \cup \begin{bmatrix} \frac{5\pi}{6}; \frac{13\pi}{6} \end{bmatrix} \cup \begin{bmatrix} \frac{17\pi}{6}; 3\pi \end{bmatrix}$ علیه:

« حل النعرين (57):

1) دراسية تغيرات الدالية cos x على (1) دراسية تغيرات الدالية

• على المجال [π : 0]:

 $x_1 < x_2$: من أجل كل x_1, x_2 من أجل كل من أجل عن

 $\cos x_i > \cos x_j$ فإن:

ومنه: الدالة cos منتاقصة تماما على المجال [π : 0].

 $x_1 < x_2$ على المجال π ; $\frac{3\pi}{2}$ من أجل كل x_1, x_2 من أجل كل π ; 2π

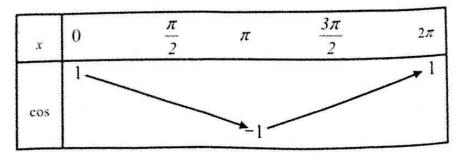
 $\cos x_1 < \cos x_2$:

 π : $\frac{3\pi}{2}$ المجال على المجال \cos متز ايدة تماما على المجال متز ايدة تماما على

 $x_1 < x_2$ على المجال $\left[\frac{3\pi}{2} ; 2\pi\right]$ على المجال $\left[\frac{3\pi}{2} ; 2\pi\right]$ على المجال المجال على على المجال المحال المحا $cos x_1 < cos x_2$ فإن:

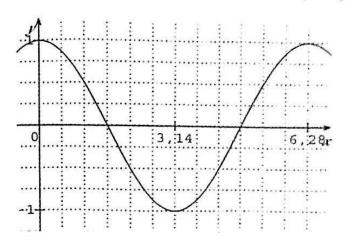
 $\frac{3\pi}{2}$; 2π الدالة \cos متزايدة تماما على المجال \cos

* جدول تغيرات cos على [0 ; 2 على



المتيسر في المرياضيات (حلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

* التمثيال البياتي للدالة cos



* استنتاج حلول كل معادلة من المعادلات الآتية:

$$\cos x = -1 \cos x = 1 \cos x = 0$$

 $\cos x = -\frac{5}{7}$ ثم استنتاج كذلك عدد حلول المعادلة *

$$S = \left\{ \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2} \right\}$$
 ' $x = \frac{3\pi}{2}$ او $x = \frac{\pi}{2}$ من خلال البیان: $\cos x = 0$ من خلال البیان:

$$x = \{0; 2\pi\}$$
 ، $x = 2\pi$ او $x = 0$ من اجل: $x = 0$

$$S = \{\pi\}$$
, $x = \pi$ and $\cos x = -1$

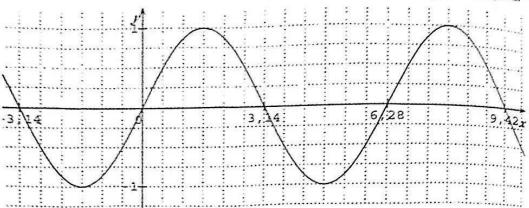
ولدينا عدد حلول المعادلة $\frac{5}{7} = \cos x = \frac{5}{4}$

· حل التعرين (85):

$: [-\pi : 3\pi]$ على المجال \sin على الدالة \sin

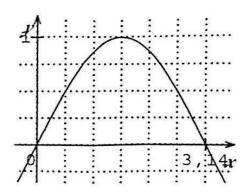
				-
$-\pi$	π	3π	5π	3
2	2	2	2	in
	1		1.	
\				
\ /		<u> </u>		
×-1/		=1/		•0
	$\frac{-\pi}{2}$	$-\pi$ π	$-\pi$ π 3π	$-\pi$ π 3π 5π

و التعتيال البياتي:



م حل التعرين (59):

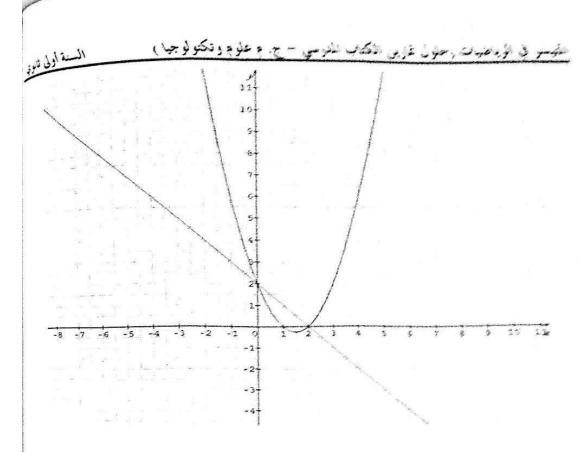
: $[0\;;\;\pi]$ على على البياتي للدالــة \sin



لإنشاء بيان هذه الدالة على المجال $[0;2\pi]$ ننشئ التمثيل البياني للدالمة على على المجال $[\pi;2\pi]$. $[\pi;2\pi]$ وبالتناظر بالنسبة إلى النقطة $[\pi;0]$ نرسم الجزء على المجال $[\pi;2\pi]$.

مع مل التعريف (60):

اً/ التمثيل البياني للدالتين: $x \to -x + 2$ و $x \to -x^2 - 3x + 2$ باستعمال الحاسبة البيانية أو الكمبيوتر:



f(x) = g(x) قراءة على الشكل العنجز، مجموعة حلول المعادلة f(x) = g(x) ومجموعة حلول المتراجحة f(x) < g(x) ثم تأكد بالحساب:

- * من خال التمثيل البياتي:
- $S = \{0,2\}$: أي f(x) = g(x)
- $x \in [0,2]$ اي: f(x) < g(x) •

$$f(x) = g(x)$$

$$x^{2} - 3x + 2 = -x + 2$$

$$x^{2} - 2x = 0$$

$$x(x - 2) = 0$$

* حمايا:

x=2 y x=0

 $.S = \{0.2\}$:

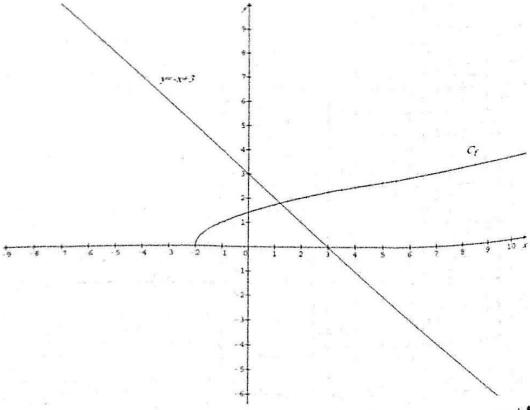
f(x) < g(x)	
$x^2 - 3x + 2 < -$	x+2
$x^2 - 2x < 0$	
x(x-2) < 0	

قیم ،	~00	0		2	+00
إشارة 🖈	***	Ą	+		+
بشارة x-2	***		-	þ	+
يشارة (x-2)	+	þ		þ	+

.S = 0 ; 2[

· حل التعرين (61):

g(x)=-x+3 و $f(x)=\sqrt{x+2}$ و التمثيل البياتي للدوال



 $\sqrt{x+2} = -x+3$ استنتاج حصر الحل المعادلة

المتيسو في الرياضيات رحلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا) السنة أولى إلى

حل المعادلة $\sqrt{x+2} = -x+3$ هو فاصلة نقطة تقاطع التمثيليان البيانيين وبالنز حصر الحل المعادلة $\sqrt{x+2} = -x+3$ هو: $\sqrt{x+2} = -x+3$

· (62) التعريف (62):

 $f(x) = I + \frac{3}{x}$ على المجال $x_1 < x_2 = 1 + \frac{3}{x}$ على المجال $x_1 < x_2 = 1 + \frac{3}{x}$ على المجال $x_1 < x_2 = 1 + \frac{3}{x}$ من أجل كل $x_1 < x_2 = 1 + \frac{3}{x}$ من أجل كل $x_1 < x_2 = 1 + \frac{3}{x}$ من أجل كل $x_1 < x_2 = 1 + \frac{3}{x}$ من أجل كل ويث ويت المجال كل ويث ويت المجال كل ويث ويت المجال كل ويت

$$\frac{1}{x_1} > \frac{1}{x_2}$$

$$\frac{3}{x_1} > \frac{3}{x_2}$$

$$1 + \frac{3}{x_1} > 1 + \frac{3}{x_2}$$

ومنه: f متناقصة تماما على المجال $+\infty$ متناقصة $+\infty$ من المجال $+\infty$ من المجال كل $+\infty$ من $+\infty$ من $+\infty$ من $+\infty$ حيث: $+\infty$ فإن:

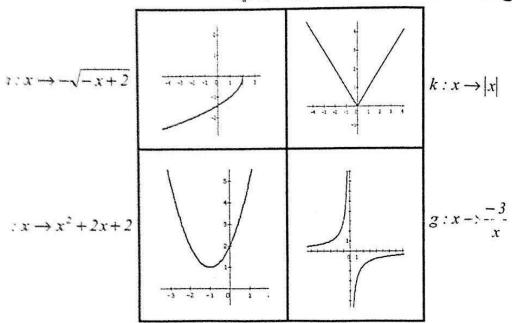
السنة أولى ثانوي

التيسر في الوياضيات (حلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

f(0,99....3) > f(0,99....7) فإن: f(0,99....3) > f(0,99....3) فإن: y > x

o على التعريف (63):

* إرفاق كل دالة من الدوال الآتية بتمثيلها البياني:



٥٠ على التعريف (64):

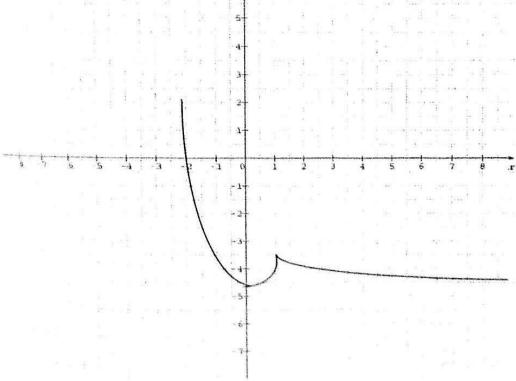
f هي الدالة المعرفة على R كالآتي:

- $x \le 0$: إذا كان $f(x) = x^2$
- $0 < x \le 1$ اذا کان: $f(x) = \sqrt{x}$
 - x > 1 : إذا كان $f(x) = \frac{1}{x}$

أ تمثيل بيانيا الدالة f: لاحظ الشكل أدناه.

 $f(x) \le \frac{1}{4}$ حل بیاتیا ثم جبریا المتراجحة f(x)

المتسر في الرياضات رحلول تمارين الكتاب المدرسي - ج. م علوم وتكنولوجيا السفاليو المتسر في الرياضات رحلول تمارين الكتاب المدرسي - ج. م علوم وتكنولوجيا السفاليو الحل البياني للمتراجحة $f(x) \le \frac{1}{4}$ هي الحل البياني للمتراجحة $f(x) \le \frac{1}{4}$ هي $S = \left[-\frac{1}{2};0\right] \cup \left[0;\frac{1}{16}\right] \cup \left[4;+\infty\right[$ المجموعة $S = \left[-\frac{1}{2};0\right] \cup \left[0;\frac{1}{16}\right] \cup \left[4;+\infty\right[$



 $f(x) \le \frac{1}{4}$ is the interval of the interval in the interval is the interval in the inter

 $x \le \frac{1}{16}$ يعني : $\sqrt{x} \le \frac{1}{4}$ يعنى : $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى : $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى : $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى . $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى . $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى . $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى : $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى . $f(x) \le \frac{1}{4}$ يعنى .

وبالنالي الحل الجبري للمتراجحة $f(x) \le \frac{1}{4}$ هي المجموعة $S = \left[-\frac{1}{2};0\right] \cup \left[0;\frac{1}{16}\right] \cup \left[4;+\infty\right[$

ح مل التعرين (65):

 $(\sin x + \cos x)^2 = 1 + 2\sin x \cos x : x$ بیان آنه من أحل كل عدد حقیقی $|Rx| = 1 + 2\sin x \cos x$:

 $(\sin x + \cos x)^2 = \sin^2 x + \cos^2 x + 2\sin x \cos x$ $= I + 2\sin x \cos x$

* بيان أنه من أجل كل عدد حقيقي x:

$$(1 + \sin x + \cos x)^{2} = 2(1 + \cos x)(1 + \sin x)$$

$$(1 + \sin x + \cos x)^{2} = (1 + \sin x)^{2} + \cos^{2} x + 2(1 + \sin x) \cdot \cos x$$

$$= 1 + (\sin x)^{2} + (1 - \sin^{2} x) + 2(1 + \sin x) \cdot \cos x$$

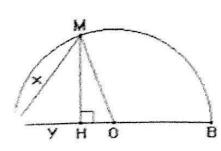
$$= (1 + \sin x)^{2} + (1 - \sin x)(1 + \sin x) + 2(1 + \sin x) \cdot \cos x$$

$$= (1 + \sin x)(1 + \sin x + 1 - \sin x + 2\cos x)$$

$$= (1 + \sin x)(2 + 2\cos x) = 2(1 + \sin x)(1 + \cos x)$$

معمل التعريف (66):

M نقطة متغيرة على نصف دائرة مركزها M وقطرها AB = 4 حيث: AB = 4



الميسر في الرياضيات (حلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

نسمي H المسقط العمودي للنقطة M على [AB]. نضع M=X نسمي H المسقط العمودي النقطة M=X على أنسمي

(1) النقطــة H تنتمي إلى [AB]:

ومنه:

 $0 \le AH \le AB$ $0 \le v \le 4$ $y \in [0,4]$

2) أ/ الحالسة الأولى:

H بين A و O:

* في المثلث AMH القائم في H حسب فيتاغورث: $AH^2 = AH^2 + MH^2$ $x^2 = v^2 + MH^2$

 $MH^2 = x^2 - y^2$

في المثلث OMH القانم في H حسب فيتاغورث:

 $OH^2 = MH^2 + OH^2$ $OH^2 = MH^2 + (2-v)^2$ $OH^2 = MH^2 + 4 - 4v + v^2$ $MH^2 = 4v - v^2$

ب/بما أن:

 $MH^2 = x^2 - y^2$ $MH^2 = 4y - y^2$ $x^2 - y^2 = 4y - y^2$ $y = \frac{1}{4}x^2$

(3) أ/ دراســة تغيرات على [0,4]:

 $x_i < x_2$:حيث [0,4] من أجل كل من x_i , x_j من أجل

 $x_1^2 < x_2^2$: فإن:

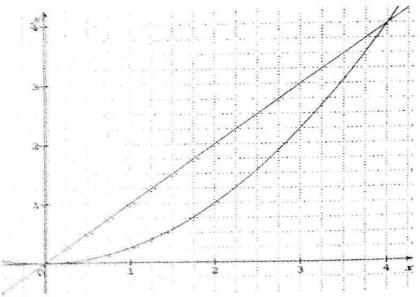
 $f(x_1) < f(x_2)$: وبالتالي: $\frac{1}{4}x_1^2 < \frac{1}{4}x_2^2$

[0,4] منز ايدة تماما على المجال f

/-

, E	0	1	2	3	4
$f(\mathbf{x})$	0	$\frac{1}{4}$	1	9/4	4

ج/ التعثيال البياتي لـ 7:



g(x)=x هي الدالة المعرفة على g(x)=1 بالشكل g(x)=1

اً/ تمثيّل بيانيا g في المعلم السابق.

 $(x) \geq f(x)$ المنتتج من البيان السبق أنه من أجل كل عدد حقيقي من (0,4) الدينا $f(x) \geq f(x)$ المنا $f(x) \geq f(x)$ المنا البيان الدينا $f(x) \geq f(x)$ يقع فوق f(x) المنا f(x) = f(x) المنا البيان الدينا الدينا $f(x) \geq f(x)$ المنا البيان الدينا الدينا المنا المنا أدم المنا ال

 $g(x) \ge f(x)$ ومنه:

AM - AH أكبر ما يمكن. AM - AH للعدد x تجعل x_0 أكبر ما يمكن. x_0 أكبر ما يمكن يعني أن: x - y أكبر ما يمكن.

المنيسر في الرياضيات (حلول تمارين الكتاب المدرسي – ج. م علوم وتكنولوجيا)

من خلال البيان نجد أنه من أجل $x_0=2$ يكون AM-AH أكبر ما يمكن.

$$AM - AH = x - y = x - \frac{1}{4}x^2 / \varphi$$

$$h(x) = x - \frac{1}{4}x^{2}$$

$$= -\frac{1}{4}(x^{2} - 4x) = -\frac{1}{4}[(x - 2)^{2} - 4]$$
:Light

• دراســة تغيرات h على [0,4]:

* على المجال [0,2]:

 $x_1 < x_2$ عيث: x_1 من اجل كل x_1 , x_2 من اجل

 $[-\infty;0]$ المجال الدالة مربع متناقصة على المجال $x_1 - 2 < x_2 - 2 < 0$

$$(x_1 - 2)^2 > (x_2 - 2)^2$$

$$(x_1 - 2)^2 - 4 > (x_2 - 2)^2 - 4$$

$$-\frac{1}{4} [(x_1 - 2)^2 - 4] < -\frac{1}{4} [(x_2 - 2)^2 - 4]$$

$$h(x_1) < h(x_2)$$

[0,2] متزايدة تماما على المجال h

على المجسال [2.4]:

 $x_1 < x_2$ عيث: x_1 من الجل كل x_2 من x_2 من الجل كل

 $x_1 - 2 < x_2 - 2$

$$(x_1 - 2)^2 < (x_2 - 2)^2$$

$$(x_1 - 2)^2 - 4 < (x_2 - 2)^2 - 4$$

$$-\frac{1}{4}[(x_1 - 2)^2 - 4] > -\frac{1}{4}[(x_2 - 2)^2 - 4]$$

$$h(x_1) > h(x_2)$$

:[2,4] منتاقصة تماما على المجال h

х	0	2	4
,		1	
n	0		0

x=2 الدالـة h قيمـة حديـة عظمى لمـا

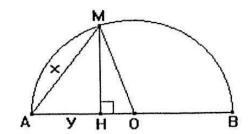
x=2 أكبر ما يمكن لما AM-AH

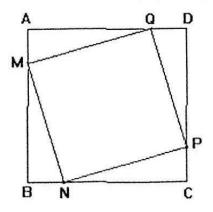
AH = 1 : $y = \frac{1}{4}x^2 = 1$: M

رة على التعري<u>ن (67)</u>:

ABCD مربع طول ضلعه ACM. النقط M، Q، P ، N تنتمي هي على الترتيب إلى [AB]، [DA] [CD] [BC]

AM = BN = CP = DQ = x حيث:





 $x \in [0,4]$ (1

2) حساب مساحة المربع MNPO:

: MNPO : S

 $MN^2 = 3^2 + 1^2 = 9 + 1 = 10$ أي: $MN^2 = MB^2 + BN^2$ الدينا:

 $S = MN^2 = 10 \text{ cm}^2$

 $f(x)=2x^2-8x+16$ هي: MNPQ هي: 3) بيان أن مساحة المربع

لدينسا: $MN^2 = (4 - x)^2 + x^2$

«163»

النسم في الدياصيات وحلول تمارين الكتاب المسرسي - ج. م علوم وتكولوجيا ،

 $MN^{2} = 16 - 8x + x^{2} + x^{2}$ $= 2x^{2} - 8x + 16$

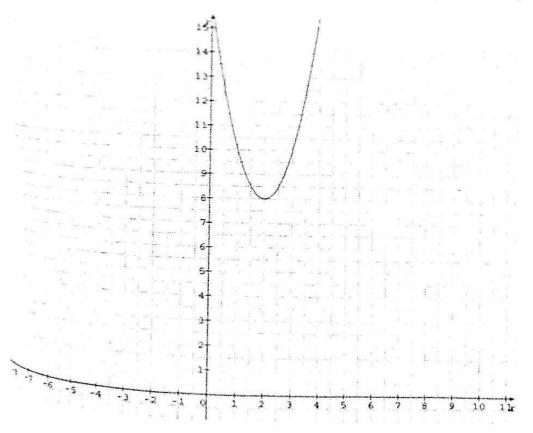
 $S = MN^2 = 2x^2 - 8x + 16$

(4) التاكد أن: $f(x) = 2[(x-2)^2 + 4]$ وتعيين أصغر قيمة ممكنة للعدد (4)

 $f(x) = 2x^{2} - 8x + 16$ $= 2[x^{2} - 4x + 8] = 2[(x - 2)^{2} - 4 + 8]$ $= 2[(x - 2)^{2} + 4]$

f(2)=8 هي: 8=(2)=8 اصغر قيمة ممكنة للعدد f(x) هي: g(2,4)=0 الأن: g(2,4)=0 متزايدة على g(2,4)=0 و مند: g(2,4)=0 تقبل قيمة حديثة صغرى لما g(2,4)=0

(C_f) إنشاء (5)



· القيمة المقربة للعدد x الذي من أجله تكون مساحة المربع MNPQ: من خلال البيان توجد قيمتان تكون من أجلهما مساحة المربع MNPQ هما: $x_1 = 0.6$ $x_0 = 0.6$

> $x_1 = 2 + \sqrt{2}$ و $x_0 = 2 - \sqrt{2}$ القيم الحقيقية لهذه القيم هما: ب/ تشكيل جدول تغيرات الدالة 7:

